

## Algebraické a transcendentné čísla

(6 bodov) :

1. Koreň polynómu  $x^2 + \sqrt{2}x - 4$  je tiež koreňom polynómu

$$x^4 - 2x^2 - 4x - 2;$$

$$x^4 - 10x^2 - 16;$$

$$x^6 - 12x^4 - 2x^3 + 48x^2 - 64;$$

$$x^8 + 4x^6 - 10x^4 - 12x^2 - 9;$$

$$x^8 - x^6 + 12x^4 - 18x^2 - 4;$$

žiadneho z uvedených.

2. Koreň polynómu  $x^2 + \sqrt{2}x - \sqrt{3}$  je tiež koreňom polynómu

$$x^4 - 2x^2 - 4x - 2;$$

$$x^4 - 10x^2 - 16;$$

$$x^6 - 12x^4 - 2x^3 + 48x^2 - 64;$$

$$x^8 + 4x^6 - 10x^4 - 12x^2 - 9;$$

$$x^8 - x^6 + 12x^4 - 18x^2 - 4;$$

žiadneho z uvedených.

**3.** Koreň polynómu  $x^2 + \sqrt[3]{2}x - 4$  je tiež koreňom polynómu

$$x^4 - 2x^2 - 4x - 2;$$

$$x^4 - 10x^2 - 16;$$

$$x^6 - 12x^4 - 2x^3 + 48x^2 - 64;$$

$$x^8 + 4x^6 - 10x^4 - 12x^2 - 9;$$

$$x^8 - x^6 + 12x^4 - 18x^2 - 4;$$

žiadneho z uvedených.

4. Koreň polynómu  $x^2 + \sqrt{2}x - \sqrt{2}$  je tiež koreňom polynómu

$$x^4 - 2x^2 - 4x - 2;$$

$$x^4 - 10x^2 - 16;$$

$$x^6 - 12x^4 - 2x^3 + 48x^2 - 64;$$

$$x^8 + 4x^6 - 10x^4 - 12x^2 - 9;$$

$$x^8 - x^6 + 12x^4 - 18x^2 - 4;$$

žiadneho z uvedených.

5. Z toho, že  $\pi$  je transcendentné nad  $\mathbb{Q}$ , vyplýva, že

$\pi^2$  je transcendentné nad  $\mathbb{Q}$ ;

$\sqrt{\pi}$  je transcendentné nad  $\mathbb{Q}$ ;

$\pi + \sqrt{2}$  je transcendentné nad  $\mathbb{Q}$ ;

$\pi$  je transcendentné nad  $\mathbb{R}$ .

**6.** Vyznačte pravdivé tvrdenia.

Algebraické čísla tvoria pole.

Transcendentné čísla tvoria pole.

Súčin algebraického a transcendentného čísla je vždy algebraický.

Súčin algebraického a transcendentného čísla je vždy transcendentný.

Súčin dvoch transcendentných čísel je vždy transcendentný.

Každý koreň polynómu s algebraickými koeficientmi je algebraický.

Získané body:

Úspěšnost: